



|  |
| --- |
|  |

**Содержание**

1.Общая характеристика примерной рабочей программы общеобразовательной дисциплины «Математика» 4

2.Структура программы учебной дисциплины 17

3.Условия реализации учебной дисциплины 27

4.Контроль и оценка освоения учебной дисциплины 30

**1**.**Общая характеристика примерной рабочей программы общеобразовательной дисциплины «Математика»**

**1.1. Место дисциплины в структуре профессиональной образовательной программы СПО:**

Общеобразовательная дисциплина «Математика» является обязательной частью общеобразовательного цикла образовательной программы в соответствии с ФГОС СПО по специальности: 09.02.07 Информационные системы и программирование.

Программа или ее части могут быть реализованы с применением ЭО и ДОТ при проведении учебных занятий, практик, текущего контроля успеваемости, промежуточной и государственной аттестации обучающихся.

**1.2. Цели и планируемые результаты освоения дисциплины:**

**1.2.1. Цель дисциплины**

Содержание программы общеобразовательной дисциплины «Математика» направлено на достижение результатов ее изучения в соответствии с требованиями ФГОС СОО с учетом профессиональной направленности ФГОС СПО.

*Цели:*

– раскрыть студентам мировоззренческое значение математики, углубить их представление о роли и месте математики в изучении окружающего мира;

– освоить основные понятия, определения, изучить теоремы и методы, формирующие общую математическую подготовку и развивающие абстрактное, логическое и творческое мышление;

*Задачи:*

– систематизировать и углубить теоретические знания по предусмотренным стандартом разделам математики;

– сформировать у студента требуемый набор компетенций, соответствующих его специализации и обеспечивающих его конкурентоспособность на рынке труда;

– научить студентов самостоятельно работать с учебной, научной и справочной литературой по математике.

**1.2.2. Планируемые результаты освоения общеобразовательной дисциплины в соответствии с ФГОС СПО и на основе ФГОС СОО**

Особое значение дисциплина имеет при формировании и развитии ОК и ПК.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Общие компетенции** | **Планируемые резул****ьта****ты обучения** | |
| **Общие**   * личностные и метапредметные результаты из ФГОС СОО (в последней редакции от 12.08.2022) | **Дисциплинарные** |
| ОК 01. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам. | ЛР 4. Готовность к труду, осознание ценности мастерства, трудолюбие;   * готовность к активной деятельности технологической и социальной направленности, способность инициировать, планировать и самостоятельно выполнять такую деятельность; * интерес к различным сферам профессиональной деятельности,   Овладение универсальными учебными познавательными действиями:  а) базовые логические действия:   * самостоятельно формулировать и актуализировать проблему, рассматривать ее всесторонне; * устанавливать существенный признак или основания для сравнения, классификации и обобщения; * определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения; * выявлять закономерности и противоречия в рассматриваемых явлениях; * вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности; * развивать креативное мышление при решении жизненных проблем * б) базовые исследовательские действия: * владеть навыками учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; * выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения; * анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически оценивать их достоверность, прогнозировать изменение в новых условиях; * -- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности; * уметь интегрировать знания из разных предметных областей; * выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения; * и способность их использования в познавательной и социальной практике. | -владеть методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы,  применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;  - уметь оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений; - уметь оперировать понятиями: рациональные,  иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; - уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный  интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов  с использованием аппарата математического анализа;  применять производную при решении задач на движение;  решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и  наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и  ускорения;  - уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни;  выражать формулами зависимости между величинами; - уметь решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость  товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения,  неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность  результатов;  - уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; уметь  извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;  - уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;  - уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира;  - уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники;  - уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач; - уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы;  - уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;  - уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.  - уметь оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;  - уметь оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретикомножественный аппарат для описания реальных процессов и явлений при решении задач, в том числе из других учебных предметов;  - уметь оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;  - уметь свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;  -уметь оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;  - уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным  (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;  - уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки -уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и  логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций; умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;  умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции; умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;  - уметь свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;  - уметь оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;  - уметь оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел  (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;  - уметь свободно оперировать понятиями: среднее  арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;  - уметь находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; - уметь свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;  - уметь свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур; - уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;  - уметь свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица 2x2 и 3x3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;  - уметь моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социальноэкономического и физического характера;  - умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки |
| ОК 02. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности. | ЛР 6. Ориентированный на профессиональные достижения, деятельно выражающий познавательные интересы с учетом своих способностей, образовательного и профессионального маршрута, выбранной квалификации;  - совершенствование языковой и читательской культуры как средства взаимодействия между людьми и познания мира;  - осознание ценности научной деятельности, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и  в группе.  Овладение универсальными учебными познавательными действиями:  в) работа с информацией:  - владеть навыками получения информации из источников разных типов, самостоятельно осуществлять поиск, анализ, систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления;  - создавать тексты в различных форматах с учетом назначения информации и целевой аудитории, выбирая оптимальную форму представления и визуализации;  - оценивать достоверность, легитимность информации, ее соответствие правовым и морально-этическим нормам;  - использовать средства информационных и коммуникационных технологий в решении когнитивных, коммуникативных и организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм информационной безопасности;  - владеть навыками распознавания и защиты информации, информационной безопасности  личности | - уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни;  выражать формулами зависимости между величинами;  - уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; уметь решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;  - уметь свободно оперировать понятиями:  параллельный перенос, симметрия на  пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; уметь распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; уметь использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни |
| ОК 03. Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях | ЛР 11. Сформированность нравственного сознания, этического поведения;  - способность оценивать ситуацию и принимать осознанные решения, ориентируясь на морально- нравственные нормы и ценности;  - осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;  - ответственное отношение к своим родителям и (или) другим членам семьи, созданию семьи на основе осознанного принятия ценностей семейной жизни в соответствии с традициями народов России;  Овладение универсальными регулятивными действиями:  а) самоорганизация:  - самостоятельно осуществлять познавательную деятельность, выявлять проблемы, ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;  - самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений;  - давать оценку новым ситуациям;  способствовать формированию и проявлению широкой эрудиции в разных областях знаний, постоянно повышать свой образовательный и культурный уровень;  б) самоконтроль:  использовать приемы рефлексии для оценки ситуации, выбора верного решения;  - уметь оценивать риски и своевременно принимать решения по их снижению;  в) эмоциональный интеллект, предполагающий сформированность:  внутренней мотивации, включающей стремление к достижению цели и успеху, оптимизм, инициативность, умение действовать, исходя из своих возможностей;  - эмпатии, включающей способность понимать эмоциональное состояние других, учитывать его при осуществлении коммуникации, способность к сочувствию и сопереживанию;  - социальных навыков, включающих способность выстраивать отношения с другими людьми, заботиться, проявлять интерес и разрешать конфликты | - уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;  - уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; уметь распознавать симметрию в пространстве; уметь распознавать правильные многогранники; - уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками |
| ОК 04. Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде | ЛР 7. Осознающий и деятельно выражающий приоритетную ценность каждой человеческой жизни, уважающий достоинство личности каждого человека, собственную и чужую уникальность, свободу мировоззренческого выбора, самоопределения.;  Овладение универсальными коммуникативными действиями:  б) совместная деятельность:  - понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы;  - принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению: составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников обсуждать результаты совместной работы;  - координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;  - осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.  Овладение универсальными регулятивными действиями:  г) принятие себя и других людей:  - принимать мотивы и аргументы других людей при анализе результатов деятельности;  - признавать свое право и право других людей на ошибки;  развивать способность понимать мир с позиции другого человека | - рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;  - уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; уметь строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;  - уметь использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;  - свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; уметь проводить  исследование функции;  - уметь использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем |
| ОК 05. Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста | ЛР 10. Бережливо относящийся к природному наследию страны и мира, проявляющий сформированность экологической культуры на основе понимания влияния социальных, экономических  и профессионально-производственных процессов на окружающую среду. Выражающий деятельное неприятие действий, приносящих вред природе, распознающий опасности среды обитания, предупреждающий рискованное поведение других граждан, популяризирующий способы сохранения памятников природы страны, региона, территории, поселения, включенный  в общественные инициативы, направленные на заботу о них  Овладение универсальными коммуникативными действиями:  а) общение:   * осуществлять коммуникации во всех сферах жизни; * распознавать невербальные средства общения, понимать значение социальных знаков, распознавать предпосылки конфликтных ситуаций и смягчать конфликты; * развернуто и логично излагать свою точку зрения   с использованием языковых средств. | - уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;  - уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; - уметь использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира |
| ОК 06. Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации  межнациональных и | * ЛР 11. Проявляющий уважение к эстетическим ценностям, обладающий основами эстетической культуры. Критически оценивающий * и деятельно проявляющий понимание эмоционального воздействия искусства, его влияния на душевное состояние и поведение людей. Бережливо относящийся к культуре как средству коммуникации * и самовыражения в обществе, выражающий сопричастность * к нравственным нормам, традициям в искусстве. Ориентированный на собственное самовыражение в разных видах искусства, художественном творчестве с учётом российских традиционных духовно-нравственных ценностей, эстетическом обустройстве собственного быта. Разделяющий ценности отечественного * и мирового художественного наследия, роли народных традиций * и народного творчества в искусстве. Выражающий ценностное отношение к технической и промышленной эстетике * ЛР 1. Осознание своих конституционных прав и обязанностей, уважение закона и правопорядка; * принятие традиционных национальных, общечеловеческих гуманистических и демократических ценностей; * готовность противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии, дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам; * готовность вести совместную деятельность в интересах гражданского общества, участвовать в самоуправлении в общеобразовательной организации и детско-юношеских организациях; * умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением; * готовность к гуманитарной и волонтерской деятельности;   патриотического воспитания:  сформированность российской гражданской идентичности, патриотизма, уважения к своему народу, чувства ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, свой язык и культуру, прошлое и настоящее многонационального народа России;   * ценностное отношение к государственным символам, историческому и природному наследию, памятникам, традициям народов России, достижениям России в науке, искусстве, спорте, технологиях и труде; * идейная убежденность, готовность к служению и защите Отечества, ответственность за его судьбу; освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные); * способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории; * овладение навыками учебно-исследовательской,   проектной и социальной деятельности | - уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;  -уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий  российской и мировой математической науки.  - уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в  природных и общественных явлениях |
| ОК 07. Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных  ситуациях | * ЛР 10. Бережливо относящийся к природному наследию страны и мира, проявляющий сформированность экологической культуры на основе понимания влияния социальных, экономических * и профессионально-производственных процессов на окружающую среду. Выражающий деятельное неприятие действий, приносящих вред природе, распознающий опасности среды обитания, предупреждающий рискованное поведение других граждан, популяризирующий способы сохранения памятников природы страны, региона, территории, поселения, включенный * в общественные инициативы, направленные на заботу о них; * осуществлять целенаправленный поиск переноса средств и способов действия в профессиональную среду; * уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности; * предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости; * давать оценку новым ситуациям, вносить коррективы в деятельность, оценивать * соответствие результатов целям. | -- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и  наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения;  - уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;  - уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные  формулы и методы |
| ПК 3.4. Проводить сравнительный анализ программных продуктов и средств разработки, с  целью выявления наилучшего решения согласно критериям, определенным техническим заданием. | ЛР 7. Осознающий и деятельно выражающий приоритетную ценность каждой человеческой жизни, уважающий достоинство личности каждого человека, собственную и чужую уникальность, свободу мировоззренческого выбора, самоопределения.   * Проявляющий бережливое и чуткое отношение к религиозной принадлежности каждого человека, предупредительный  в отношении выражения прав и законных интересов других людей | - уметь решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов;  - уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;  - уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; |

**2.Структура и содержание общеобразовательной дисциплины**

* 1. **Объем дисциплины и виды учебной работы**

|  |  |
| --- | --- |
| **Вид учебной работы** | ***Объем в часах*** |
| **Объем образовательной программы дисциплины** | ***282*** |
| **в т.ч.** |  |
| **Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)** | ***270*** |
|  | |
| теоретическое обучение | 94 |
| практические занятия | 134 |
| **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **38** |
| в т. ч.: |  |
| теоретическое обучение |  |
| практические занятия | 38 |
| **Консультация** | **4** |
| **Промежуточная аттестация (диф.зачет/экзамен)** | **4/8** |

**2.2. Тематический план и содержание дисциплины**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Наименование разделов и тем | Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии) | | Объем часов | | Формируемые компетенции |
| 1 | 2 | | 3 | | 4 |
| Основное содержание | | |  | |  |
| Раздел 1. Повторение курса математики основной школы |  | | 14 | | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-06, ОК-07  ПК 3.4 |
| Тема 1.1 Цель и задачи математики при освоении специальности | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Базовые знания и умения по математике в профессиональной и в повседневной деятельности. | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 1.2 Числа и вычисления. Выражения и преобразования | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Действия над положительными и отрицательными числами, обыкновенными и десятичными дробями.  Действия со степенями, формулы сокращенного умножения. | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 1.3. Геометрия на плоскости | Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля) | | 2 | |
| Виды плоских фигур и их площадь.  Практико-ориентированные задачи в курсе геометрии на плоскости | |
| Практическое занятие | |
| Тема 1.4 Процентные вычисления | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Простые проценты, разные способы их вычисления. Сложные проценты | |
| Практическое занятие | |
| Тема 1.5 Уравнения и неравенства | Содержание учебного материала | | 2 | |  |
| Линейные, квадратные, дробно-линейные уравнения и неравенства | |
| Практическое занятие | |
| Тема 1.6 Системы уравнений и неравенств | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Способы решения систем линейных уравнений. | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 1.7 Входной контроль | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. Геометрия на плоскости | |
| Контрольная работа | |
| Раздел 2 Прямые и плоскости в пространстве |  | | 20 | | ОК-01, ОК-03, ОК04, ОК-07  ПК 3.4 |
| Тема 2.1. Основные понятия стереометрии. Расположение прямых и плоскостей | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Предмет стереометрии. Основные понятия (точка, прямая, плоскость, пространство). Основные аксиомы стереометрии. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признак и свойство скрещивающихся прямых. Основные пространственные фигуры. | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 2.2. Параллельность прямых, прямой и плоскости, плоскостей | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Параллельные прямая и плоскость. Определение. Признак. Свойства. Параллельные плоскости. Определение. Признак. Свойства. Тетраэдр и его элементы. Параллелепипед и его элементы. Свойства противоположных граней и диагоналей параллелепипеда. Построение сечений. Решение задач. | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 2.3. Перпендикулярность прямых, прямой и плоскости, плоскостей | Содержание учебного материала | |  | |
| Перпендикулярные прямые. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. | |
| Перпендикуляр и наклонная. Перпендикулярные плоскости. Признак перпендикулярности плоскостей. Расстояния в пространстве | | 4 | |  |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 2.4. Теорема о трех перпендикулярах | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Теорема о трех перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью. Угол между плоскостями | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 2.5. Параллельные, перпендикулярные, скрещивающиеся прямые | Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля) | | 2 | |
| Аксиомы стереометрии. Перпендикулярность прямой и плоскости, параллельность двух прямых, перпендикулярных плоскости, перпендикулярность плоскостей | |
| Практическое занятие | |
| Тема 2.6. Решение задач. Прямые и плоскости в пространстве | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Расположение прямых и плоскостей в пространстве. Перпендикулярность и параллельность прямых и плоскостей. Скрещивающиеся прямые | |
| Контрольная работа | |
| Раздел 3. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции |  | | 44 | | ОК-01, ОК-02, ОК-  03, ОК-04, ОК-05,  ОК-06, ОК-07  ПК 3.4 |
| Тема 3.1 Тригонометрические функции произвольного угла, числа. Радианная и градусная мера угла | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат. Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям. Зависимость между синусом, косинусом, тангенсом и котангенсом одного и того же угла | |
|  | Комбинированное занятие | |  | |  |
| Тема 3.2 Основные тригонометрические тождества. Формулы приведения | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Тригонометрические тождества. Синус, косинус, тангенс и котангенс углов α и - α. Формулы приведения | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 3.3 Синус, косинус, тангенс суммы и разности двух углов Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла | Содержание учебного материала | | 8 | |
| Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов. Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента. Преобразования простейших тригонометрических выражений | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 3.4 Функции, их свойства. Способы задания функций | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Область определения и множество значений функций. Чётность, нечётность, периодичность функций. Способы задания функций | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 3.5 Тригонометрические функции, их свойства и графики | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Область определения и множество значений тригонометрических функций. Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций. Свойства и графики функций y = cos x, y = sin x, y = tg x, y = сtg x. | |
| Комбинированное занятие. | |
| Тема 3.6 Преобразование графиков тригонометрических функций | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Сжатие и растяжение графиков тригонометрических функций. Преобразование графиков тригонометрических функций | |
| Практическое занятие | |
| Тема 3.7 Описание производственных процессов с помощью графиков функций | Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля) | | 4 | |
| Использование свойств тригонометрических функций в профессиональных задачах | |
| Практическое занятие | |  | |  |
| Тема 3.8 Обратные тригонометрические функции | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Обратные тригонометрические функции. Их свойства и графики | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 3.9 Тригонометрические уравнения и неравенства | Содержание учебного материала | | 8 | |
| Уравнение cos х = a. Уравнение sin x = a. Уравнение tg x = a, сtg x = a. Решение тригонометрических уравнений основных типов: простейшие тригонометрические уравнения, сводящиеся к квадратным, решаемые разложением на множители, однородные. Простейшие тригонометрические неравенства | |
| Комбинированное занятие. | |
| Тема 3.10 Решение задач. Тригонометрические функции | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений и неравенств в том числе с использованием свойств функций. | |
| Контрольная работа | |
| Раздел 4. Производная функции, ее применение |  | | 36 | | ОК-01, ОК-02, ОК-  03, ОК-04, ОК-05,  ОК-06, ОК-07  ПК 3.4 |
| Тема 4.1 Понятие производной. Формулы и правила дифференцирования | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Определение числовой последовательности и способы ее задания. Свойства числовых последовательностей. Определение предела последовательности. Вычисление пределов последовательностей. Предел функции на бесконечности. Предел функции в точке. Приращение аргумента. Приращение функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Алгоритм отыскания производной | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 4.2 Производные суммы, разности произведения, частного | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Формулы дифференцирования. Правила дифференцирования | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 4.3 Производные тригонометрических функций. Производная сложной функции | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Определение сложной функции. Производная тригонометрических функций. Производная сложной функции | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 4.4 | Содержание учебного материала | |  | |
| Геометрический смысл производной | Геометрический смысл производной функции – угловой коэффициент касательной к графику функции в точке. Уравнение касательной к графику функции. Алгоритм составления уравнения касательной к графику функции y=f(x) | | 4 | |  |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 4.5 Физический смысл производной в профессиональных задачах | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Физический (механический) смысл производной – мгновенная скорость в момент времени t: v = S′ (t) | |
| Практическое занятие | |
| Тема 4.6 Монотонность функции. Точки экстремума | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Возрастание и убывание функции, соответствие возрастания и убывания функции знаку производной. Понятие производной высшего порядка, соответствие знака второй производной выпуклости (вогнутости) функции на отрезке. Задачи на максимум и минимум. Понятие асимптоты, способы их определения. Алгоритм исследования функции и построения ее графика с помощью производной. Дробно-линейная функция | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 4.7 Исследование функций и построение графиков | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Исследование функции на монотонность и построение графиков. | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 4.8 Наибольшее и наименьшее значения функции | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Нахождение наибольшего и наименьшего значений функций, построение графиков многочленов с использованием аппарата математического анализа | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 4.9 Нахождение оптимального результата с помощью производной в практических задачах | Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля) | | 4 | |
| Наименьшее и наибольшее значение функции | |
| Практическое занятие | |
| Тема 4.10 Решение задач. Производная функции, ее применение | Содержание учебного материала | | 2 | |  |
| Формулы и правила дифференцирования. Исследование функций с помощью производной. Наибольшее и наименьшее значения функции | |
| Контрольная работа | |
| Раздел 5. Многогранники и тела вращения |  | | 44 | | ОК-01, ОК-02, ОК-  03, ОК-04, ОК-05,  ОК-06, ОК-07  ПК 3.4 |
| Тема 5.1 Вершины, ребра, грани многогранника | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Понятие многогранника. Его элементы: вершины, ребра, грани. Диагональ. Сечение. Выпуклые и невыпуклые многогранники | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 5.2 Призма, ее составляющие, сечение. Прямая и правильная призмы | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Понятие призмы. Ее основания и боковые грани. Высота призмы. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Ее сечение | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 5.3 Параллелепипед, куб. Сечение куба, параллелепипеда | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Параллелепипед, свойства прямоугольного параллелепипеда, куб. Сечение куба, параллелепипеда | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 5.4 Пирамида, ее составляющие, сечение. Правильная пирамида. Усеченная пирамида | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Пирамида и ее элементы. Сечение пирамиды. Правильная пирамида. Усеченная пирамида | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 5.5 Боковая и полная поверхность призмы, пирамиды | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Площадь боковой и полной поверхности призмы, пирамиды | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 5.6 Симметрия в кубе, параллелепипеде, призме, пирамиде | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Симметрия в кубе, параллелепипеде, призме, пирамиде | |
| Комбинированное занятие | |  | |  |
| Тема 5.7 Примеры симметрий в профессии | Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля) | | 4 | |
| Симметрия в природе, архитектуре, технике, в быту | |
| Практическое занятие | |
| Тема 5.8 Правильные многогранники, их свойства | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Понятие правильного многогранника. Свойства правильных многогранников | |
| Практическое занятие | |
| Тема 5.9 Цилиндр, его составляющие и сечение | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Цилиндр и его элементы. Сечение цилиндра (параллельное основанию и оси). Развертка цилиндра | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 5.10 Конус, его составляющие и сечение | Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля) | | 4 | |
| Конус и его элементы. Сечение конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), конические сечения. Развертка конуса | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 5.11 Усеченный конус. Сечение усеченного конуса | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Усеченный конус. Его образующая и высота. Сечение усеченного конуса | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 5.12 Шар и сфера, их сечения | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Шар и сфера. Взаимное расположение сферы и плоскости. Сечение шара, сферы | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 5.13 Понятие об объеме тела. Отношение объемов подобных тел | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Понятие об объеме тела. Объем куба и прямоугольного параллелепипеда. Объем призмы и цилиндра. Отношение объемов подобных тел. Геометрический смысл определителя 3-го порядка | |
| Комбинированное занятие | |  | |  |
| Тема 5.14 Объемы и площади поверхностей тел | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Объемы пирамиды и конуса. Объем шара. Площади поверхностей тел | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 5.15 Геометрические комбинации на практике | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Использование комбинаций многогранников и тел вращения в практико-ориентированных задачах | |
| Практическое занятие | |
| Тема 5.16 Решение задач. Многогранники и тела вращения | Содержание учебного материала | | 2 | |
| Объемы и площади поверхности многогранников и тел вращения | |
| Контрольная работа | |
| Раздел 6. Первообразная функции, ее применение |  | | 26 | | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-06, ОК-07  ПК 3.4 |
| Тема 6.1 Первообразная функции. Правила нахождения первообразных | Содержание учебного материала | | 4 | |
| Задача о восстановлении закона движения по известной скорости. Понятие интегрирования. Ознакомление с понятием интеграла и первообразной для функции y=f(x). Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Таблица формул для нахождения первообразных. Изучение правила вычисления первообразной | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 6.2 Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона – Лейбница | Содержание учебного материала | | 4 |  | |
| Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла – о вычислении площади криволинейной трапеции, о перемещении точки. Понятие определённого интеграла. Геометрический и физический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона— Лейбница | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 6.3 Неопределенный и определенный интегралы | Содержание учебного материала | | 4 |
| Понятие неопределенного интеграла | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 6.4 Понятие об определенном интеграле как площади криволинейной трапеции | Содержание учебного материала | | 4 |
| Геометрический смысл определенного интеграла | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 6.5 Определенный интеграл в жизни | Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля) | | 6 |
| Геометрический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона - Лейбница. Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей | |
| Практическое занятие | |
| Тема 6.6 Решение задач. Первообразная функции, ее применение | Содержание учебного материала | | 4 |
| Первообразная функции. Правила нахождения первообразных. Ее применение | |
| Контрольная работа | |
| Раздел 7. Степени и корни. Степенная функция |  | | 16 | ОК-01, ОК-02, ОК-  03, ОК-04, ОК-05, ОК-07 | |
| Тема 7.1 Степенная функция, ее свойства | Содержание учебного материала | | 4 |
| Понятие корня n-ой степени из действительного числа. Функции у , их свойства и графики. Свойства корня n-ой степени | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 7.2 | Содержание учебного материала | |  |
| Преобразование выражений с корнями n-ой степени | Преобразование иррациональных выражений | | 4 |  | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 7.3 Свойства степени с рациональным и действительным показателями | Содержание учебного материала | | 2 |
| Понятие степени с любым рациональным показателем. Степенные функции, их свойства и графики | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 7.4 Решение иррациональных уравнений и неравенств | Содержание учебного материала | | 4 |
| Равносильность иррациональных уравнений и неравенств. Методы их решения.  Решение иррациональных уравнений и неравенств | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 7.5 Степени и корни.  Степенная функция | Содержание учебного материала | | 2 |
| Определение степенной функции. Использование ее свойств при решении уравнений и неравенств | |
| Контрольная работа | |
| Раздел 8. Показательная функция |  | | 14 | ОК-01, ОК-02, ОК-  03, ОК-04, ОК-05, ОК-07 | |
| Тема 8.1 Показательная функция, ее свойства | Содержание учебного материала | | 4 |
| Степень с произвольным действительным показателем. Определение показательной функции, ее свойства и график. Знакомство с применением показательной функции. Решение показательных уравнений функционально-графическим методом | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 8.2 Решение показательных уравнений и неравенств | Содержание учебного материала | | 8 |
| Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей, методом введения новой переменной, функционально-графическим методом. Решение показательных неравенств | |
| Практическое занятие | |
| Тема 8.3 Решение задач. Показательная функция | Содержание учебного материала | | 2 |
| Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей и методом введения новой переменной. Решение показательных неравенств | |
| Контрольная работа | |
| Раздел 9. Логарифмы. Логарифмическая функция |  | | 28 | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-07  ПК 3.4 | |
| Тема 9.1 Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число е | Содержание учебного материала | | 4 |
| Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число е | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 9.2 Свойства логарифмов. Операция логарифмирования | Содержание учебного материала | | 6 |
| Свойства логарифмов. Операция логарифмирования. | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 9.3 Логарифмическая функция, ее свойства | Содержание учебного материала | | 4 |
| Логарифмическая функция и ее свойства | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 9.4 Решение логарифмических уравнений и неравенств | Содержание учебного материала | | 8 |
| Понятие логарифмического уравнения. Операция потенцирования. Три основных метода решения логарифмических уравнений: функционально-графический, метод потенцирования, метод введения новой переменной. Логарифмические неравенства | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 9.5 Логарифмы в природе и технике | Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля) | | 4 |  | |
| Применение логарифма. Логарифмическая спираль в природе. Ее математические свойства | |
| Практическое занятие | |
| Тема 9.6 Решение задач. Логарифмы. Логарифмическая функция | Содержание учебного материала | | 2 |
| Логарифмическая функция. Решение простейших логарифмических уравнений | |
| Контрольная работа |  |
| Раздел 10. Уравнения и неравенства |  | | 28 | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-06, ОК-07  ПК 3.4 | |
| Тема 10.1 Равносильность уравнений и неравенств. Общие методы решения | Содержание учебного материала | | 4 |
| Равносильность уравнений и неравенств. Определения. Основные теоремы равносильных переходах в уравнениях и неравенствах. Общие методы решения уравнений: переход от равенства функций к равенству аргументов для монотонных функций, метод разложения на множители, метод введения новой переменной, функционально-графический метод | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 10.2 Графический метод решения уравнений, неравенств | Содержание учебного материала | | 4 |
| Общие методы решения неравенств: переход от сравнения значений функций к сравнению значений аргументов для монотонных функций, метод интервалов, функционально-графический метод. Графический метод решения уравнений и неравенств | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 10.3 Уравнения и неравенства с модулем | Содержание учебного материала | | 4 |
| Определение модуля. Раскрытие модуля по определению. Простейшие уравнения и неравенства с модулем. Применение равносильных переходов в определенных типах уравнений и неравенств с модулем | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 10.4 Уравнения и неравенства с параметрами | Содержание учебного материала | | 6 |
| Знакомство с параметром. Простейшие уравнения и неравенства с параметром | |
| Комбинированное занятие | |
| Тема 10.5 Составление и решение профессиональных задач с помощью уравнений | Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля) | |  |
| Решение текстовых задач профессионального содержания | |
| Практические занятия | | 8 |  | |
| Тема 10.6 Решение задач. Уравнения и неравенства | Содержание учебного материала | | 2 |
| Общие методы решения уравнений. Уравнения и неравенства с модулем и с параметрами | |
| Практическое занятие | |
| Консультации | | | 4 |  | |
| Промежуточная аттестация (диф.зачет/Экзамен) | | | 4/8 |  | |
| Всего: |  | | 282 |  | |

**3. Условия реализации программы общеобразовательной дисциплины**

Для реализации программы дисциплины должны быть предусмотрены следующие специальные помещения:

*Реализация программы дисциплины требует наличия учебного кабинета математики.*

Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;

- рабочее место преподавателя;

- комплект учебно-наглядных пособий;

- комплект электронных видеоматериалов;

- задания для контрольных работ;

- профессионально ориентированные задания;

- материалы экзамена. Технические средства обучения:

- персональный компьютер с лицензионным программным обеспечением;

- проектор с экраном (интерактивная панель).

# **3.2. Информационное обеспечение обучения**

**Перечень рекомендуемых учебных изданий, Интернет-ресурсов, дополнительной литературы.**

**ЛИТЕРАТУРА**

***Для студентов:***

*Алимов Ш*.*А*. *и др*. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни).10—11 классы. — М., 2020.

*Атанасян Л*. *С*., *Бутузов В*. *Ф*., *Кадомцев С*. *Б*. *и др*. Математика: алгебра и началаматематического анализа. Геометрия. Геометрия (базовый и углубленный уровни). 10—11 классы. — М., 2020.

*Башмаков М*. *И*. Математика (базовый уровень). 11 класс. Сборник задач: учеб. посо-бие. — М., 2012.

*Гусев В*.*А*., *Григорьев С*.*Г*., *Иволгина С*.*В*. Математика для профессий и специальностейсоциально-экономического профиля: учебник для студ. учреждений сред. проф. образова-ния. — М., 2014.

*Колягин Ю*.*М*., *Ткачева М*.*В.*, *Федерова Н*.*Е*. *и др*. Математика: алгебра и начала мате-матического анализа. Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни). 11 класс / под ред. А.Б.Жижченко. — М., 2022.

***Для преподавателей:***

Конституция Российской Федерации (принята всенародным голосованием 12.12.1993) (с учетом поправок, внесенных федеральными конституционными законами РФ о поправках к Конституции РФ от 30.12.2008 № 6-ФКЗ, от 30.12.2008 № 7-ФКЗ) // СЗ РФ. — 2009. — № 4. — Ст. 445.

Федеральный закон от 29.12. 2012 № 273-ФЗ (в ред. федеральных законов от 07.05.2013 № 99-ФЗ, от 07.06.2013 № 120-ФЗ, от 02.07.2013 № 170-ФЗ, от 23.07.2013 № 203-ФЗ, от 25.11.2013 № 317-ФЗ, от 03.02.2014 № 11-ФЗ, от 03.02.2014 № 15-ФЗ, от 05.05.2014 № 84-ФЗ, от 27.05.2014 № 135-ФЗ, от 04.06.2014 № 148-ФЗ, с изм., внесенными Федеральным законом от 04.06.2014 № 145-ФЗ) «Об образовании в Российской Федерации».

Приказ Министерства образования и науки РФ «Об утверждении федерального государ­ственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования» (зарегистри­рован в Минюсте РФ 07.06.2012 № 24480).

Приказ Минобрнауки России от 29.12.2014 № 1645 «О внесении изменений в Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации от 17.05.2012 № 413 “Об утверж­дении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования”».

Письмо Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО Минобрнауки России от 17.03.2015 № 06-259 «Рекомендации по организации получе­ния среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федеральных государственных образовательных стандартов и получаемой профессии или специальности среднего профессионального образования».

Федеральный закон от 10.01.2002 № 7-ФЗ «Об охране окружающей среды» (в ред. от 25.06.2012, с изм. от 05.03.2013) // СЗ РФ. — 2002. — № 2. — Ст. 133.

***Интернет-ресурсы***

www.fcior.edu.ru (Информационные, тренировочные и контрольные материалы).

www.school-collection.edu.ru (Единая коллекции цифровых образовательных ресурсов).

Exponenta.ru http;//www.exponenta.ru  Компания Softlint. Образовательный

      математический сайт. Материалы для студентов: задачи с решениями,

      справочник по математике, электронные консультации.

Газета «Математика» Издательского дома «Первое сентября»   [http://mat.1septemr.ru](https://www.google.com/url?q=http://mat.matematiks/ru&sa=D&ust=1492448548294000&usg=AFQjCNHxNfRX_XFt00Oh_mLwtT1rmLBf5A)

Математика в открытом колледже   http://www.[matematiks.ru](https://www.google.com/url?q=http://mat.matematiks/ru&sa=D&ust=1492448548296000&usg=AFQjCNHgo0k2djzdFrYD-Clk_7rUqePSQg)

Math.ru. Математика и образование.   [Http://www.math.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.math.ru/&sa=D&ust=1492448548298000&usg=AFQjCNH_qhBvgLE-Q-JidRwe1Sug8E50dA)

Allmath:ru – вся математика в одном месте   htto://www.allmath.ru

EgWorld: Мир математических уравнений   [http://egwjrld.ipmnet.ru](https://www.google.com/url?q=http://egwjrld.ipmnet.ru/&sa=D&ust=1492448548301000&usg=AFQjCNFmn-d4AimX5cQLZPYTz5HNAv0swg)

Вся элементарная математика: средняя математическая интернет-школа.

[http://www.bym](https://www.google.com/url?q=http://www.bym/&sa=D&ust=1492448548303000&usg=AFQjCNEslyHXLz_Fs-YoQmbjOgE_0UbdEQ)[math.net](https://www.google.com/url?q=http://www.bymath.net/&sa=D&ust=1492448548304000&usg=AFQjCNHD8CfmAR40KoxTGDjJKjuHNhuhsQ)

Геометрический портал  [http://www.neive.by.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.neive.by.ru/&sa=D&ust=1492448548306000&usg=AFQjCNHef7ICo1WealC2hqRRkRkY2udYMg)

Графики функций        [http://graphfunk.narod.ru](https://www.google.com/url?q=http://graphfunk.narod.ru/&sa=D&ust=1492448548308000&usg=AFQjCNEAa2_7GWksb10C4sySo9lkTYIBBA)

Дидактические материалы по информатике и математике.

[http://comp-science.narod.ru](https://www.google.com/url?q=http://comp-science.narod.ru/&sa=D&ust=1492448548311000&usg=AFQjCNFNFBqX39LOJ2S2RcSDQlHVnjYexA)

Дискретная математика: алгоритмы (проект ComputrAlgorithmTutor)

[http://rain.ifmo.ru/cat/](https://www.google.com/url?q=http://rain.ifmo.ru/cat/&sa=D&ust=1492448548313000&usg=AFQjCNF9CJJO-uGT-G68Mua44FcM1w9tQA)

ЕГЭ по математике: подготовка к тестированию  [http://www.yztest.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.yztest.ru/&sa=D&ust=1492448548315000&usg=AFQjCNE7n0lqL_dr7dfqE2kp31sZfbiYsA)

Задачник для подготовки к олимпиадам по математике  [http://tasks.ceemat.ru](https://www.google.com/url?q=http://tasks.ceemat.ru/&sa=D&ust=1492448548317000&usg=AFQjCNEzIS2WYG6l0rlb_Af-wD63tdfXVw)

Занимательная математика — школьникам (олимпиады, игры, конкурсы по

       математике) [http://www.maht-on-line.com](https://www.google.com/url?q=http://www.maht-on-line.com/&sa=D&ust=1492448548320000&usg=AFQjCNHocqD1Qcpd0Rq4gOsIOd68aaV76w)

Интернет — проект «Задачи» [http://www.prodlems.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.prodlems.ru/&sa=D&ust=1492448548322000&usg=AFQjCNGSwMtQYcna9uCqkYlzYUQsorJXmw)

Математические этюды http://www.etudes.ru

Математика on-line справочная информация в помощь студенту

[http://www.manhtm.hl.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.manhtm.hl.ru/&sa=D&ust=1492448548325000&usg=AFQjCNGkIPVMHQT9j4TgZTZ8HeYZ7C4NWw)

Математика в помощь школьнику и студенту (тесты по математике online)

[http://www.mathtest.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.mathtest.ru/&sa=D&ust=1492448548328000&usg=AFQjCNHHAFJ12CK7gH2LliKgJKWwT2QlMg)

Математика для поступающих в вузы    [http://www.matematika.agava.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.matematika.agava.ru/&sa=D&ust=1492448548330000&usg=AFQjCNGHEBpVjuQGCsFhbfFqhPdf_0jkMA)

Математика и программирование [http://www.mathhrog.narod.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.mathhrog.narod.ru/&sa=D&ust=1492448548332000&usg=AFQjCNGunoHCroFFDl3pu435KPB5tydpew)

Математические олимпиады и олимпиадные задачи  [http://www.zaba.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.zaba.ru/&sa=D&ust=1492448548334000&usg=AFQjCNGzNemWmHRyNgNo2ayZ5sUEZtxY2Q)

Сайт элементарной математики Дмитрия Гущина [http://www.mathnet.spb.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.mathnet.spb.ru/&sa=D&ust=1492448548336000&usg=AFQjCNFb8aWjt6b-b0NbivIJTK80BkRxSg)

Турнир городов — Международная математическая олимпиада для

       школьников   [http://www.turgor.ru](https://www.google.com/url?q=http://www.turgor.ru/&sa=D&ust=1492448548339000&usg=AFQjCNFjwdfFtfIIvU6cmlNyPEG_sPRmOQ)

**4. Контроль и оценка результатов освоения УЧЕБНОЙ Дисциплины**

# **Контроль** **и оценка** результатов освоения учебной дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения устных и письменных опросов, практических занятий и лабораторных работ, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований.

|  |  |
| --- | --- |
| **Результаты обучения**  **(освоенные умения, усвоенные знания)** | **Формы и методы контроля и оценки результатов обучения** |
| 1)сформированность представлений о математике как части мировой культуры и о месте математики в современной цивилизации, о способах описания на математическом языке явлений реального мира; | *оценка результатов*  *устных опросов* |
| 2)сформированность представлений о математических понятиях как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий; | *оценка результатов*  *устных опросов,*  *проверка выполнения*  *контрольных работ* |
| 3)владение методами доказательств и алгоритмов решения; умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач; | *проверка выполнения*  *контрольных работ* |
| 4) владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств; | *оценка результатов*  *тестирования,*  *проверка выполнения*  *проверочных работ,*  *контрольных работ* |
| 5)сформированность представлений об основных понятиях, идеях и методах математического анализа; | *оценка результатов устных*  *опросов, тестирования,*  *проверка выполнения*  *проверочных и контрольных работ* |
| 6) владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире геометрические фигуры; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием; | *оценка результатов устных*  *(письменных) опросов, тестирования,*  *проверка выполнения*  *контрольных работ* |
| 7)сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин; | *оценка результатов*  *устных опросов,*  *проверка выполнения*  *проверочной работы* |
| 8) владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач. | *оценка результатов*  *практического занятия* |